



## الرياضيات في الاتجاه الآخر... مرة أخرى

في المؤتمر الرابع لتعليم الرياضيات (ICME IV) والذي عقد في بيركلي بفاليفورنيا عام 1980، قدّمت ورقة تبحث في التفاعل والصراع بين تدريس الرياضيات من جهة وبين الأنماط الحضارية للمعتقدات والتفكير والسلوك من جهة أخرى وخاصة في دول العالم الثالث، وكانت الأسئلة الرئيسية التي بحثتها الورقة تتلخص فيما يلي:

هل صحيح أن الرياضيات موضوع محайд مستقل عن الحضارة وأنماط المعتقدات والسلوك السائد فيها؟ هل من الممكن تدريس الرياضيات بشكل فعال... بحيث تصبح أداة فاعلة في تغيير الاتجاهات والقناعات دون أن يتعرض من يعلمها بتلك الطريقة إلى تهمج السلطات القائمة على اختلاف أنواعها؟ هل يمكن تدريس الرياضيات بحيث تخدم مصلحة معظم الناس وبحيث تشجع على خلق اتجاه ناقد، ليس فقط نحو الآخرين بل نحو الذات، بحيث تصبح أداة للتحرر بدلاً من أن تكون أداة للخنوع؟ هل تعليم الرياضيات يختلف عن تعليم التاريخ؟ هل من الأفضل أن نعلم الرياضيات بشكل مجرد ومنعزل أم بشكل شخصي مليء بالمعانٍ؟ لماذا يكون معظم الطلبة الذين يتحصّنون في الرياضيات محافظين في نظرتهم الاجتماعية وفي سلوكهم، و«خائفين» في تفكيرهم وتحليلاتهم؟

ليس هدف هذه المقالة الإجابة على أسئلة، أو كتابة مقدمة لسيرة ذاتية، بل ربما لإثارة المزيد من الأسئلة، إلقاء المزيد من الشك على ما نقوم به في البداية من أجل المزيد من اليقين في النهاية.

إن إلقاء نظرة على أهداف تدريس الرياضيات في مجتمعات العالم الثالث، ترينا أن الرياضيات سواء في العالم الأول أو الثاني أو الثالث تُعلم على أنها مجموعة من القوانين والرموز والمعادلات التي يجب أن يحفظها الطالب غبياً، أو يفهمها ليطبقها في سياقات مختلفة في أحسن الأحوال، أو مجموعة من المسائل عليه أن يحلها بصورة صحيحة من أجل النجاح في الامتحان! أما الأهداف المعلنة فهي كثيرة وبراقة وتبدأ من تدريب الطالب على التفكير الناقد إلى تذوق جمالية البنية الرياضية مروراً بتوظيف الرياضيات لخدمة حاجاته العلمية والحياتية. ولكن منذ فترة طويلة بدأ الشك في واقعية أو جدية هذه الأهداف يتسرّب إلى نفسي، وزادت قناعاتي أن الأساليب التي تدرس فيها المواضيع الرياضية المختلفة تدفع الدارس إلى المزيد من السلبية

كانت هذه الورقة للأستاذ منير فاشة، التي نشرها في كتابه «الرياضيات في الاتجاه الآخر»، كان الكتاب بين يدي معلمة التاريخ وكانت في الصف الحادي عشر، أخذت الكتاب منها وقرأته غير مرّة، وجدت فيه شيئاً جديداً، اتجاهها آخر، وجدت فيه ما لامس أشياء غامضة في داخلي. معلمة التاريخ، تلك المعلمة التي بدأت اليوم الأول من العام الدراسي 1982/1981 صارخة علينا:

«كانبة هي كتب التاريخ، لا.... هذا الهرم لم يبنه خوفوا ولا خفرع!! بناء ثلاثة ملايين فلاح وفلاحة من أبناء مصر على امتداد السنين، وقضى منهم خلالها المئات بل الآلاف... وهذا الآخر التاريخي الفريد ينتصب هناك تحية لصبرهم وكدهم، وهو يرنو بحزن إلى بؤس أحفادهم». بقيت صرخة المعلمة صدى لأيام قادمة وبقيت الأسئلة السابقة تحدث دويا على مدى سنوات تعلمي وعملي، وربما بمنطق اللاوعي اتجهت إلى التخصص في الرياضيات (ذلك الموضوع الذي كنت أكرهه) على Heidi ومضات ما قرأت في ذلك اليوم وفي تلك السنة!



أولياء الأمور في هذا اليوم أو بسبب الصدفة، وما إلى ذلك من أسباب وتفسيرات.

إن الحقائق والقوانين والنظريات الرياضية وحتى البديهيات يمكن نقاشها في سياق تاريخي أو ثقافي أو حضاري، فمثلاً، واحد لا يساوي واحد هكذا وفي المطلق، فصوت سوريا في مجلس الأمن لا يساوي صوت أمريكا وهذا الدينار لا يساوي نفسه بعد سنة. كما أن الكثير من المفاهيم الرياضية المتقدمة لا يوجد لها تعريف واحد، وإنما تعريفها يعتمد على زاوية النظر لها، فمثلاً مفهوم اللانهاية في الرياضيات له عدة تعريفات، فالعالم الرياضي (كتور) يعتبر أن أي مجموعة لانهائيتين متساويتين إذا خضعتا إلى قاعدة المطابقة، واحد إلى واحد فقط وخلاف ذلك تكون إدراهما إما أكبر أو أصغر من الأخرى، ولكن (مارسيل بروست) يرى أن اللانهاية هي الهاوية التي تتدخل فيها أفكارنا، أما (ديكشن) فيقول إنها الشيء الذي لا يبدو للعيان، وإذا بدا يكون غير موجود.

من هنا نلاحظ الفرق في تعريف الرياضي والأديب والفيلسوف لمفهوم اللانهاية.

أحياناً يتم التعامل مع هذه الحقائق كأنها أمراً مقدسًا لا يجوز المساس بها، ولهذا السبب يعتقد منير فاشة (فاشة، 1981) أن الرياضيات تجذب الطلبة المحافظين في حياتهم وفي نظرتهم العامة، والخائفين في تفكيرهم وتحليلاتهم واعتقادهم بأن الرياضيات تبحث في الحقائق المطلقة،

وتنسامي على الواقع وتتعامل مع مجرد تعطيلهم - أي معلوم الرياضيات - نوعاً من الأمان والعزلة والألفة، الأمر الذي يؤدي إلى تدريس الرياضيات بشكل منعزل عن الحياة وبدون أبعاد حضارية أو ثقافية، وبهذا يصبح الموضوع عائقاً أمام التغيير والتطور.

إن هذا الواقع يناسب السلطة القائمة مهما كان نوعها، وذلك لأن العلم المبني على النقد والدهشة والنظر إلى الأمور من عدة زوايا من شأنه إحداث تغيير يزعزع أسس البناء القائم.

ينظر إلى الرياضيات وكأنها الموضوع الذي لا يسمح فيه بأية أخطاء أو بأية نظارات شخصية أو ذاتية... تعتبر الحقيقة وكان ليس لها تاريخ أو مستقبل... يتم التعامل مع حل الأسئلة بالنتيجة «صح» أو «خطأ» فتنمو في ذهن الطالب تلك الثنائية

والانعزال والخوف والشعور بالاضطهاد وعدم تقبل الآخر، وتناقض في معظمها الأهداف الموضوعة لأجلها. وفيما يلي توضيح لما أقصد من خلال أمثلة وموافق.

● «الرياضيات صعبة.. كلها رموز... كلها طلاسم... لا نستطيع أن نفهم ما نقرأ...» هذا ما تسمعه من معظم الطلبة. المعلم يطرّز اللوح بهذه الرموز وعلى الطالب أن يلتحق ويتبع ويفك طلاسمها، وبينما بذلك تمرين طويلاً للانفصال عن الواقع، وليتنقل بين هذه الرموز حافي القدمين متوجهاً حوافاً تشكيلاتها المكسورة!

إن الرمز هو اقتصاد الكلمات، لكن الرمز الذي يغنى الواقع، ولا يقوم بديلًا عنه، يعطيه إمكانية التعبير الإيمائي المكثف، ذي الدلالات الموضوعية، ويدع له أن يفهم بأكثر مما تستطيع اللغة التفهيم، والرمز قد يقترب من السريالية ومن الرومانтика أحياناً، لكنه ينهض أبداً على أرض واقعية!

ماذا يمنعنا من أن نعطي لتلك الرموز معانٍ في الاتجاهات الأخرى، هل يستطيع أحد أن يتهم «برجسون» بالغالطة حين يصف الخط المنحنى بالجلال والخط المستقيم بعدم المرونة؟ فماذا يمنعنا من القول بأن الزاوية باردة والخط المنحنى دافئ؟ وإن نقول أن الخط المنحنى يرحب بنا في حين الزاوية الحادة ترفضنا.. إن قدرًا ضئيلاً من تغيير الصفة يغير كل شيء.

● كثيراً ما نفهم الحقائق الرياضية كحقائق مطلقة، بغض النظر عن السياق الموجودة فيه هذه الحقيقة أو عن طريقة تطبيقها، كما أن هناك فرقاً بين الحقيقة وتفسيرات هذه الحقيقة، فمثلاً وفي دروس الإحصاء للصفوف المتوسطة تُعطى تمثيليات بيانية لأعداد الطلبة الذين غابوا في مدرسة معينة وعلى مدار الأسبوع، وتلي ذلك أسئلة من نوع: في أي يوم كان عدد الطلبة الغياب أكبر؟ ما مجموع الغياب في يومي الثلاثاء والخميس؟ ولكن لا نجد أسئلة من نوع: لماذا الغياب في يوم السبت كان أكثر منه في أي يوم آخر؟ هنا توجد حقيقة وهي أن السبت هو اليوم الذي يحوي غياباً أكثر، ولكن تفسير ذلك ربما يختلف من طالب إلى طالب، فقد نجد هناك من يقول أن يوم السبت يلي عطلة، أو بسبب إجازة الكثير من

## إن الحقائق

### والقوانين والنظريات الرياضية

**وحتى البديهيات يمكن نقاشها في سياق تاريخي أو ثقافي أو حضاري، فمثلاً واحد لا يساوي واحد هكذا وفي المطلق، فصوت سوريا في مجلس الأمن لا يساوي صوت أمريكا وهذا الدينار لا يساوي نفسه بعد سنة.**



العقلية، وبالتالي فإن الفكرة التي تخسر حجتها تطرد من دائرة العقل، وإذا كانت القاعدة في ثقافتنا هي القبول الصاغر للفكرة، فالفكرة تتسلل إلى العقل وتسكّنه بشحنته الانفعالية والعاطفية، وقد تطرد منه عندما تتنافر مع فكرة أخرى حجتها العاطفية أكبر.

وأخيراً يجب أن نجعل الطالب يندهش، فحينما نندهش فمعنى ذلك أن هناك شيئاً غير تقليدي قد باعثنا وجرنا إلى سياق جديد وغير معتاد، فجّرْ فيينا مصدر الألق الذهني والفتح العقلي والمعرفي، ففعل الاندهاش يفترض القراءة على استيعاب الواقع مصدر الاندهاش.

يجب أن نجعل الطالب يتأمل في ممارساته وان يرفضها إذا لزم الأمر، تماماً كما رفضت معلمة التاريخ ما هو مكتوب في كتاب التاريخ الذي تعلمه.

يجب أن نعي ونعلم أن المفاهيم والقوانين ليست أزلية أو مطلقة ولكنها شيء ينتمو... هي عبارة عن عملية مستمرة ويجب أن تساعد الإنسانية على الشفاء من مرض التفكير

ال الثنائي أو الاعتقاد المطلق... يجب أن نساعد

على خلق تربية رفض وتنمية تمرد، وهذا يعني التمرد الذي يؤدي إلى نهضة العقل

وحرية التفكير... يجب أن نعطي للحرية فرصة، فالحرية دون فرصة هي هدية الشيطان!! ولكن لا فائدة ولا معنى من

أي تغيير إذا لم يكن المعلم واعياً لجميع الأبعاد المتعلقة بالتغيير، وإذا لم تكن طرائف

المعلم في حالة يستطيع معها وبها التفرغ والعطاء... إن تدريب المعلم ليس كافياً لإحداث

التغيير، بل المطلوب تحسين ظروفه المادية والاجتماعية

والتركيز على إعادة تقييفه لأن هذا هو المفتاح لأي تغيير.

التي تستقطب الكون بين أبيض وأسود، بين خير وشر، حيث من ليس معنا فهو ضدنا... ألا..

من المؤسف أن الطالب إذا أجاب إجابة خاطئة يشعر في داخله أن عليه التخلص من الخطأ أو تبريره أو نسيانه أو طمسه... ويدأ بالشعور أن الخطأ لا يؤدي إلى التعلم بل إلى العقاب، وفي السؤال الذي يطرحه المعلم يبدأ العقاب بالبحث عن خطيئة... خطيبة الجواب الخطأ.

إن ما جرت العادة عليه هو التركيز على الجزيئات أكثر من الكليات، وعلى التسيير وإجراءات حل المسائل أكثر من التجديد والإبتكار، وممارسة الديكتاتورية من خلال تنميّط حل المسائل أو توقع الإجابات الصحيحة أكثر من الانفتاح وتوفير فرص حرية الوصول إلى الجواب من خلال الجدل والنقاش، والتعامل المجرد مع الحقائق والقوانين الرياضية مقابل إباسها ثوباً واقعياً وحضارياً... إن كل ذلك يؤدي إلى تعزيز عدم الثقة في الطالب وجعله متقلاً وغير مبدع، بارد وغير ديناميكي، سلبي وغير مبادر... إلخ.

ما أود قوله انه يجب إعطاء الطالب فرصة لاختيار طريقة حل له السؤال وحرية النقاش، وان أسئلة

هامّة كثيرة يجب أن تطرح وباستمرار في حرص الرياضيات، ليس من النوع الذي لا يحتمل إلا جواباً صحيحاً واحداً لا غير، بل أسئلة من نوع متى يمكن الجواب صحيحاً وفي أي سياق؟ وربما في أي ثقافة وأين يمكن تطبيق هذه الحقيقة؟ ومتى لا يجوز تطبيقها؟...

علينا التركيز على المعاني الذاتية والصور الذهنية لدى كل طالب وكل رمز أو مفهوم أو حقيقة يتعرض لها الطالب، وهذا طبعاً ليس خارج السياق الثقافي له.

- إن المعلم يملك الحقيقة ويهتكّرها (وهذا طبعاً ليس مقتضاً على معلم الرياضيات) وهذا يؤدي إلى رفع شأن المعرفة وإلغاء الطالب، ليمارس المعلم أسلوب تربوي سلطوي تكون النتيجة فيه ظهور مرض الطاعة، والطاعة تؤدي إلى تهميش العقل وتكريس العبودية، وفي غياب العقل تغيب كل إمكانيات الإبداع والمشاركة في بناء الحضارة.

لا أتذكر من قال أننا نقضي أول سنتين من عمرنا لتعلم الكلام، ونقضي العمر البالги لتعلمنا الأنظمة السائدة الصامتة.

إن الفكرة التي تبدأ باليقين تنتهي بالشك وبالعكس... إن الرفض ليس بالضرورة مؤشر تمرد بمقدار ما هو دليل نزعة عقلية لا تقبل إلا ما يقع في دائرة العقل، وما يقبله العقل يجب أن يشتمل على حجته

## يجب

### إعطاء الطالب فرصة

### لاختيار طريقة حل له للسؤال

### وحرية النقاش، وان أسئلة هامة

### كثيرة يجب أن تطرح

### وباستمرار في حصص

### الرياضيات

#### المراجع:

- جبرا، ابراهيم جبرا، 1988، الفن والحلم والفعل، ط2، المؤسسة العربية للدراسات والنشر، بيروت - لبنان.
- فاشة، منير، 1981، الرياضيات في الاتجاه الآخر، ط1، مركز الوثائق والابحاث - جامعة بيروزيت - بيرزيت - فلسطين.
- وطفة، علي أسعد، 1999، بنية السلطة واسكانية التسلط التربوي في الوطن العربي، ط1، مركز دراسات الوحدة العربية، بيروت - لبنان.

واهل كشك

باحث في مركز القطان